

Cálculo Diferencial - Actividad 6

Resolver los siguientes ejercicios de forma analítica y comprobar los resultados con MAPLE.

Hallar la derivada de las siguientes funciones:

1. $y = \ln(ax + b)$

11. $y = \ln(ax\sqrt{a+x})$

21. $z = b^{2y}$

2. $y = \ln(ax^2 + b)$

12. $y = x \ln(x)$

22. $u = se^s$

3. $y = \ln(ax + b)^2$

13. $y = \ln(x + \sqrt{1+x^2})$

23. $v = \frac{e^u}{u}$

4. $y = \ln(ax^n)$

14. $s = \ln\left(\sqrt{\frac{a+bt}{a-bt}}\right)$

24. $y = \frac{\ln(x)}{x}$

5. $y = \ln(x^3)$

15. $y = x^2 \ln(x^2)$

25. $y = \ln(x^2 e^x)$

6. $y = \ln(x)^3$

16. $y = e^{nx}$

26. $y = \frac{e^x - 1}{e^x + 1}$

7. $y = \ln(2x^3 - 3x^2 + 4)$

17. $y = 10^{nx}$

27. $y = x^2 e^{-x}$

8. $y = \log\left(\frac{2}{x}\right)$

18. $y = e^{x^2}$

28. $y = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$

9. $y = \ln\left(\frac{x^2}{1+x^2}\right)$

19. $y = \frac{2}{e^x}$

29. $s = \frac{\ln(t^2)}{t^2}$

10. $y = \ln(\sqrt{9 - 2x^2})$

20. $s = e^{\sqrt{t}}$

30. $y = \ln\left(\frac{\sqrt{x^2+1}-x}{\sqrt{x^2+1}+x}\right)$

En los problemas 31 a 40 hallar el valor de $\frac{dy}{dx}$ para el valor dado de x .

31. $y = \ln(x^2 + 2); x = 4$

35. $y = \frac{\ln(x^2)}{x}; x = 4$

38. $y = 10^{\sqrt{x}}; x = 4$

32. $y = \log(4x - 3); x = 2$

36. $y = \frac{e^{\frac{x}{2}}}{x+1}; x = 1$

39. $y = \left(\frac{3}{x}\right)^x; x = 3$

33. $y = x \ln(\sqrt{x+3}); x = 6$

37. $y = \log \sqrt{25 - 4x}; x = 5$

40. $y = \frac{x^3 \sqrt{x^2+9}}{\sqrt[3]{20-3x}}; x = 4$

34. $y = xe^{-2x}; x = \frac{1}{2}$